





$$\phi(r_1) = \int_{r_1}^{r_2} \frac{Q_1'}{4\pi\epsilon_0 r^2} dr = \frac{Q_1'}{4\pi\epsilon_0} \left(\frac{1}{r_1} - \frac{1}{r_2} \right)$$

Q_1'

y ahora despejamos la carga eléctrica

$$Q_1' = (4\pi\epsilon_0) \phi_1 (r_1)$$

a) Zona (b) Para $R_2 > r \geq R_1$ aplicando el TMA

Gauss tendremos:

$$\oint \vec{E}_b \cdot d\vec{S}_b = \frac{Q}{\epsilon_0} = \frac{Q_1}{\epsilon_0} \Rightarrow |\vec{E}_b| (4\pi r^2) = \frac{Q_1}{\epsilon_0}$$

$$\vec{E}_b = \frac{Q_1}{4\pi\epsilon_0 r^2} \vec{e}_r$$

Conociendo los campos podemos calcular el potencial, que

a) en todo el espacio tendremos:

Zona (b) $\phi(R_2) = \phi(r) = - \int_{r_0}^{R_2} E_b dr = - \int_{r_0}^{R_2} \frac{Q_1}{4\pi\epsilon_0 r^2} dr$

$$-\phi_b'(r) = - \frac{Q_1}{4\pi\epsilon_0} \int_r^{R_2} \frac{dr}{r^2} = - \frac{Q_1}{4\pi\epsilon_0} \left[\frac{1}{(-1)} \right]_r^{R_2}$$

$$-\phi_b'(r) = - \frac{Q_1}{4\pi\epsilon_0} (-1) \left[\frac{1}{R_2} - \frac{1}{r} \right]$$

$$\phi_b'(r) = \frac{Q_1}{4\pi\epsilon_0} \left[\frac{1}{r} - \frac{1}{R_2} \right] \text{ y en } r=R_1 \text{ tenemos para}$$

el potencial del conductor exterior:

$$\phi_b'(R_1) = \frac{Q_1}{4\pi\epsilon_0} \left[\frac{1}{R_1} - \frac{1}{R_2} \right]$$

La capacidad del condensador esférico es pues

$$C = \frac{Q_1}{\phi(R_1) - \phi(R_2)} = 4\pi\epsilon_0 \frac{R_1 R_2}{R_2 - R_1} > 0$$

y la energía electrostática: $U_e = \frac{C}{2} (\phi_1 - \phi_2)^2$

$$U_e = \frac{4\pi\epsilon_0}{2} \frac{R_1 R_2}{R_2 - R_1} \phi_1^2$$

