



Equilibrio inicial $p_1 = \frac{Mg}{A} = \frac{\gamma R T_1}{h_1 A}$

$$h_1 = \frac{\gamma R T_1}{Mg}$$

Proceso (a): $\Delta E_i = 0$, $Q + W = 0$

$$W = 2Mg(h_1 - h_2)$$

Al final del proceso $p_2 = \frac{2Mg}{A} = 2p_1$

y $\gamma R T_1 = p_2 h_2 A = p_1 h_1 A$; $h_2 = \frac{h_1}{2}$

De donde $Q_{(a)} = -W = -Mgh_1$ (calor cedido al ext.)

Proceso (b): Adiabático, reversible: $Q_{(b)} = 0$

$$T_3 v_3^{\gamma-1} = T_1 v_2^{\gamma-1}; \quad h_3 = \frac{v_3}{A} = \frac{1}{\left(\frac{T_3}{T_1}\right)^{1/\gamma-1}} h_2 = \frac{1}{2^{1/\gamma-1}} h_2 = \frac{1}{2^{\gamma/\gamma-1}}$$

Proceso (c) Isotermo; además $p_4 = p_2$; $\Delta E_i = 0$, $Q + W =$

$$W = -\int p dv = -\gamma R T_3 \ln \frac{v_4}{v_3}$$

y $v_4 = \frac{\gamma R T_3}{p_4} = \frac{2 \gamma R T_1}{p_1} = 2v_1$, $h_4 = 2h_1$

Por tanto $Q_{(c)} = -W = 2\gamma R T_1 \ln \frac{h_4}{h_1} \frac{h_1}{h_3} =$

$$= 2\gamma R T_1 \ln (2 \times 2^{\gamma/\gamma-1}) = \frac{2(2\gamma-1)}{\gamma-1} \gamma R T_1 \ln 2 \quad (\text{calor absorbido})$$

Proceso (d) $\Delta E_i = \frac{1}{\gamma-1} \gamma R (T_1 - 2T_1)$

$$W = Mg(h_4 - h_1) = Mgh_1$$

Por tanto $Q_{(d)} = \Delta E_i - W = -\frac{\gamma}{\gamma-1} \gamma R T_1$ (calor cedido)

$$\eta = 1 - \frac{|Q_a| + |Q_d|}{Q_c} = 1 - \frac{\gamma R T_1 + \frac{\gamma}{\gamma-1} \gamma R T_1}{\frac{2(2\gamma-1)}{\gamma-1} \gamma R T_1 \ln 2} = 1 - \frac{1}{2 \ln 2} \approx 0,3$$