

Material dieléctrico: Tiene elevada resistencia eléctrica y responde a los campos eléctricos externos polarizando sus moléculas.

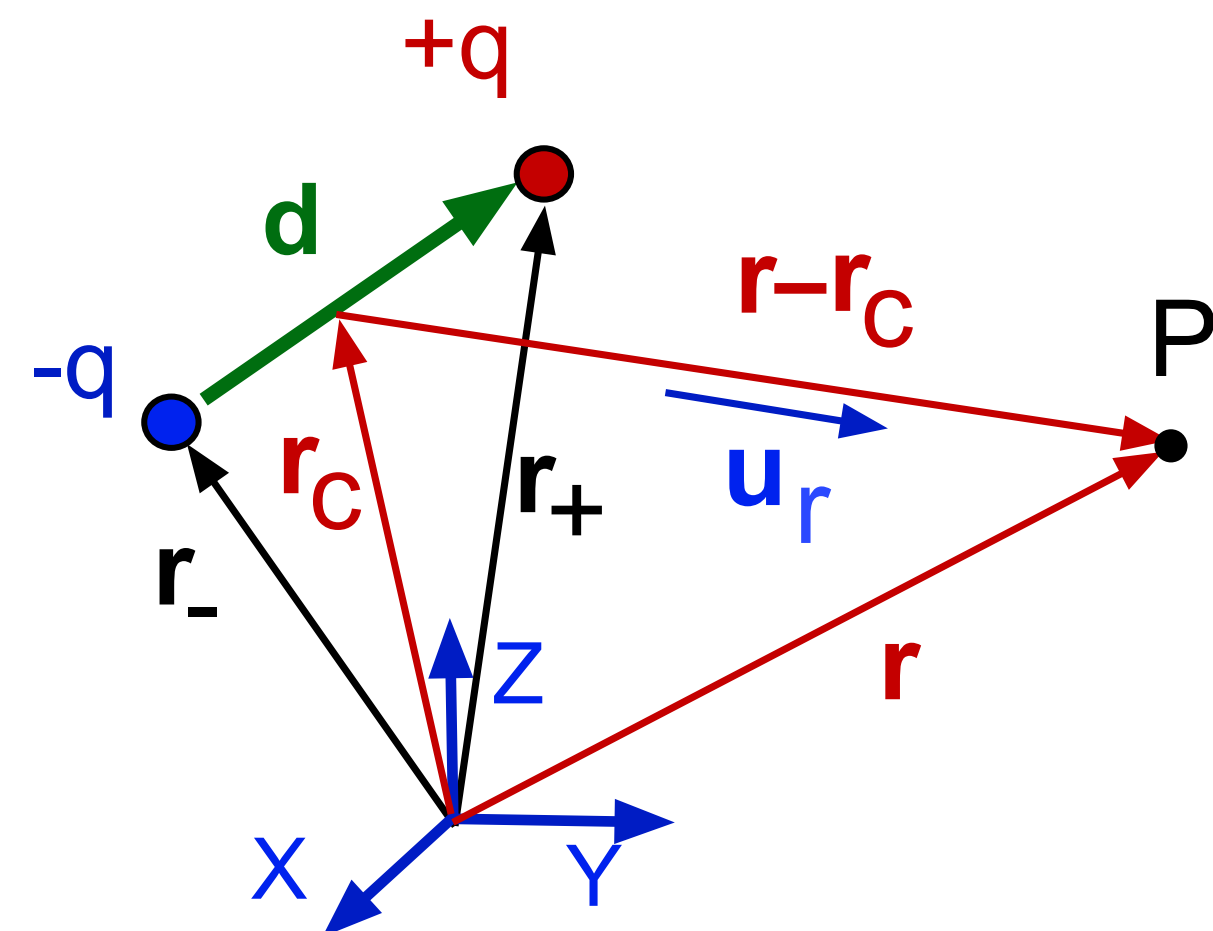
Desarrolla un campo eléctrico interno creado los dipolos eléctricos inducidos que se superpone al exterior y tiene un efecto macroscópico.

Dipolo eléctrico $\mathbf{p}_e = q (\mathbf{r}_+ - \mathbf{r}_-) = q \mathbf{d}$

$$\mathbf{M} = \mathbf{r}_+ \wedge (q \mathbf{E}) + \mathbf{r}_- \wedge (-q \mathbf{E}) = q (\mathbf{r}_+ - \mathbf{r}_-) \wedge \mathbf{E} = \mathbf{p}_e \wedge \mathbf{E}$$

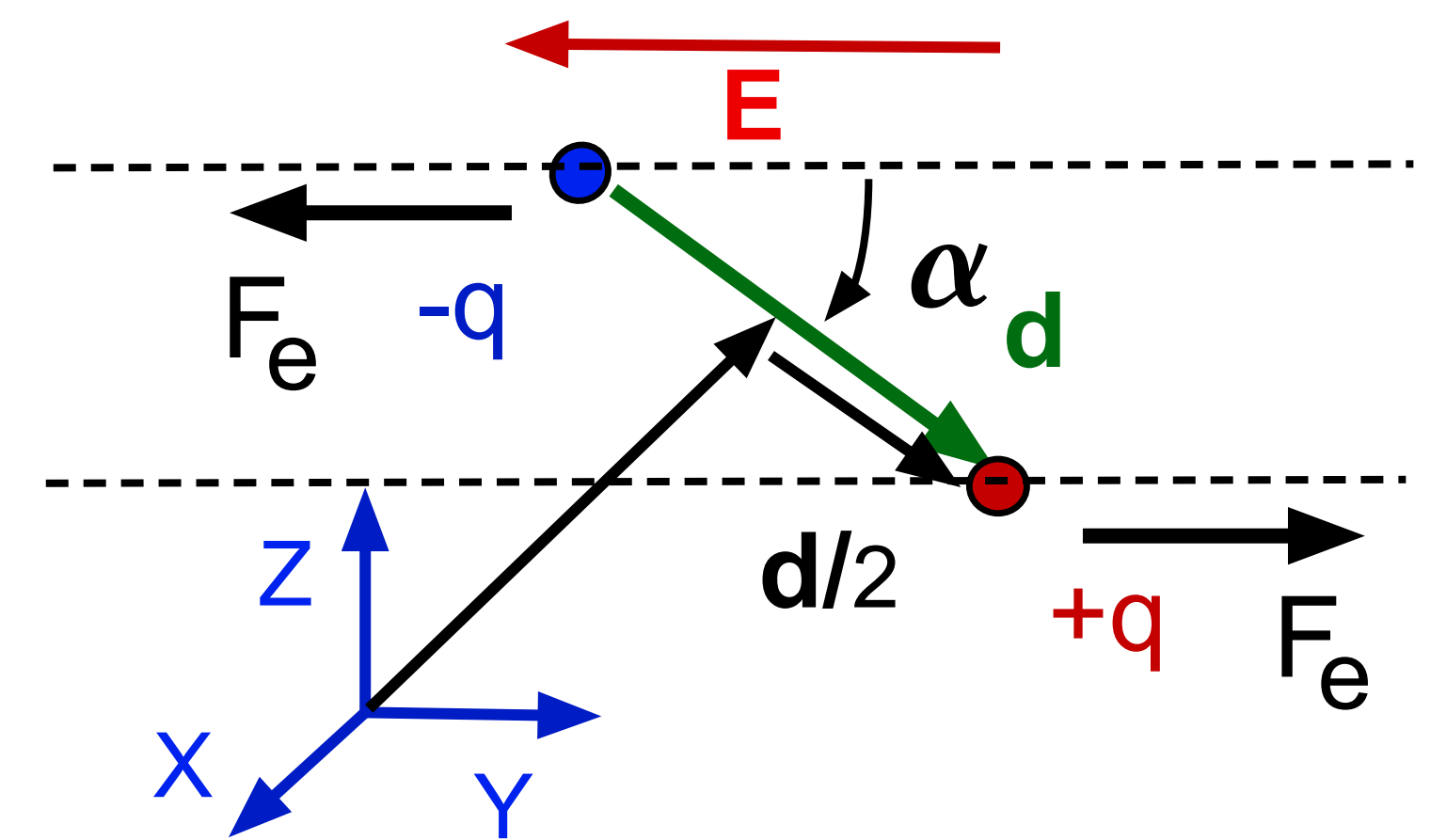
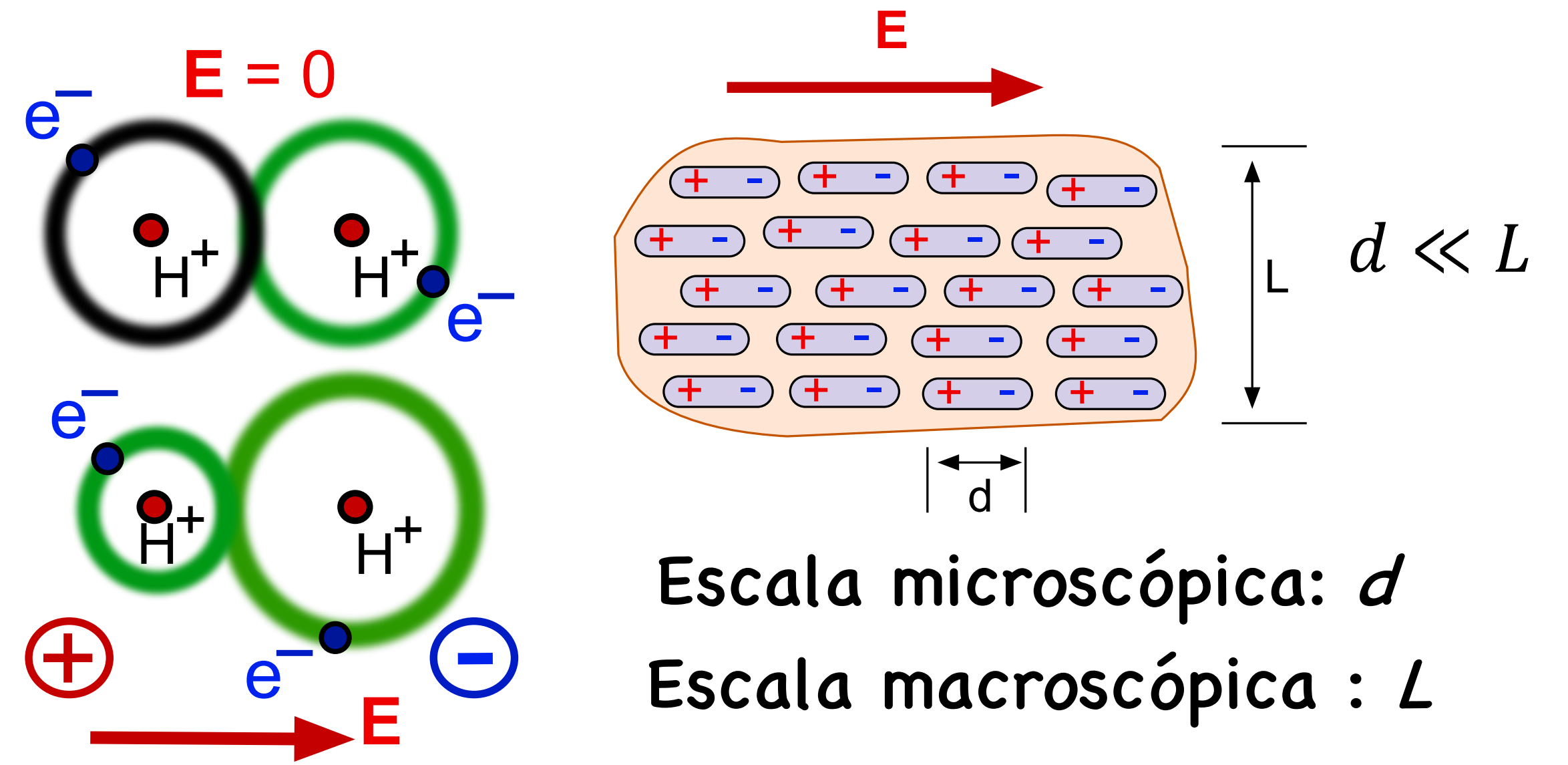
$$|\mathbf{M}| = q d \sin \alpha$$

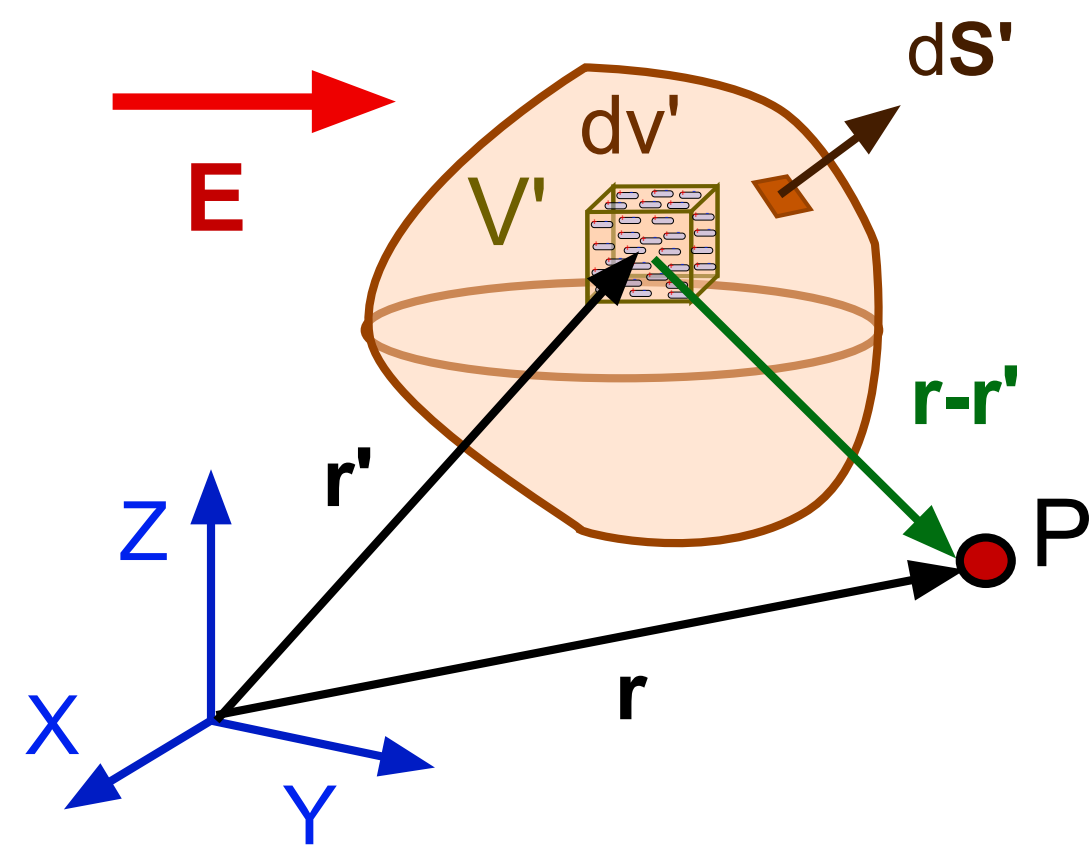
Para $r \gg d$ el campo y potencial eléctrico son;



$$\phi(\mathbf{r}) = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{(\mathbf{r} - \mathbf{r}_c) \cdot \mathbf{p}_e}{|\mathbf{r} - \mathbf{r}_c|^3}$$

$$\mathbf{E}(\mathbf{r}) = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \left(-\frac{\mathbf{p}_e}{r^3} + \frac{3(\mathbf{p}_e \cdot \mathbf{r}) \mathbf{r}}{r^5} \right)$$





Momento dipolar total: $\mathbf{p}_{tot} = \sum_{j=1}^N \mathbf{p}_{e j}$

Vector de polarización: Momento dipolar por unidad de volumen.

$$\mathbf{P} = \frac{d\mathbf{P}_{tot}}{dv'} = \lim_{\Delta v' \rightarrow 0} \frac{1}{\Delta v'} \sum_{j=1}^N \mathbf{p}_{e j}$$

- No hay momento dipolar permanente: $\mathbf{P}(0) = 0$
 - Inversión del campo externo $\mathbf{P}(-\mathbf{E}) = -\mathbf{P}(\mathbf{E})$
 - Campos magnitud moderada $\mathbf{P}(\mathbf{E}) \simeq \mathbf{P}(0) + k \mathbf{E} + \mathcal{O}(\mathbf{E} \cdot \mathbf{E})$
- } Susceptibilidad eléctrica $\chi_r > 0$
- $$\mathbf{P} = \epsilon_0 \chi_r \mathbf{E}$$

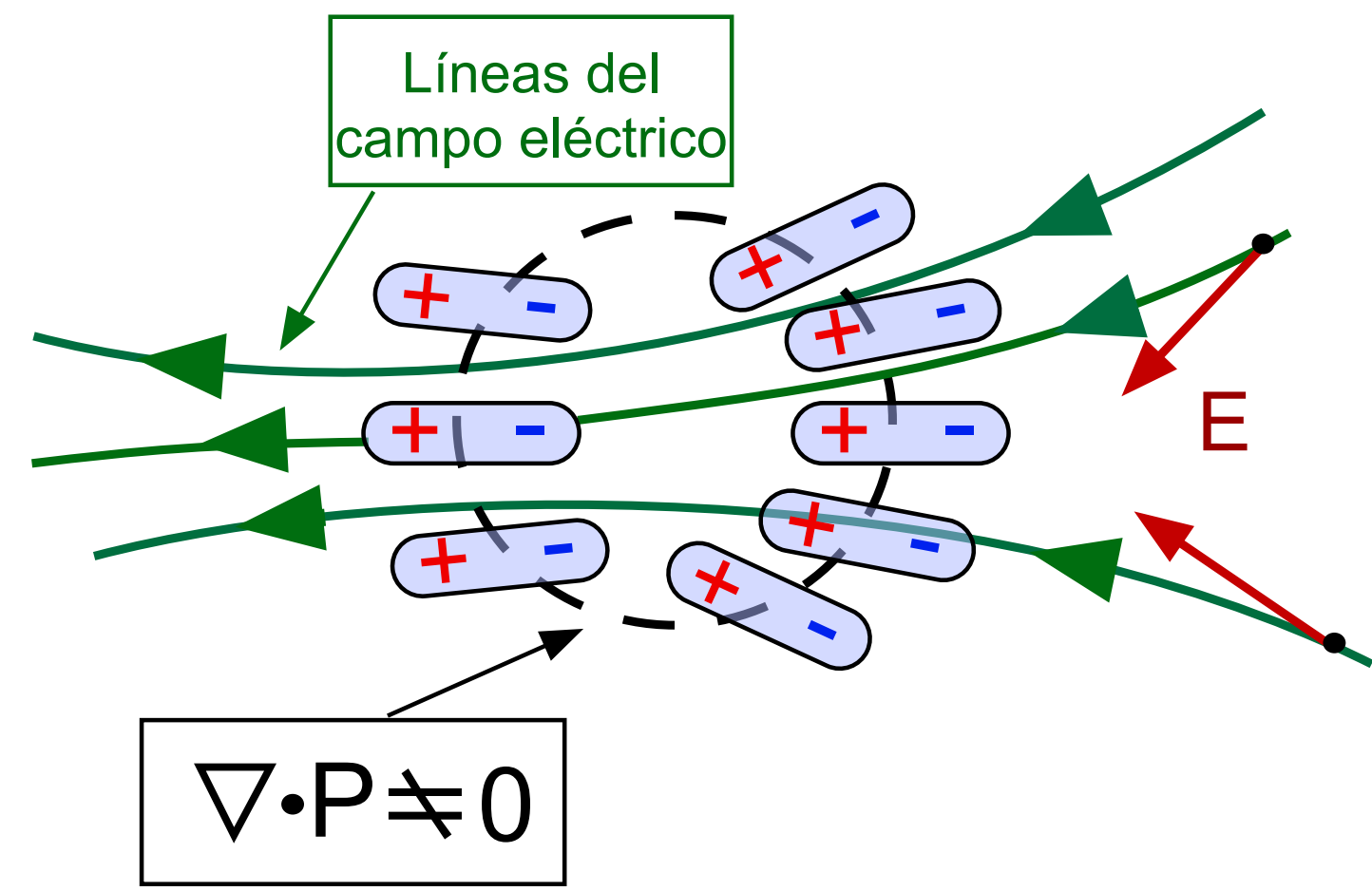
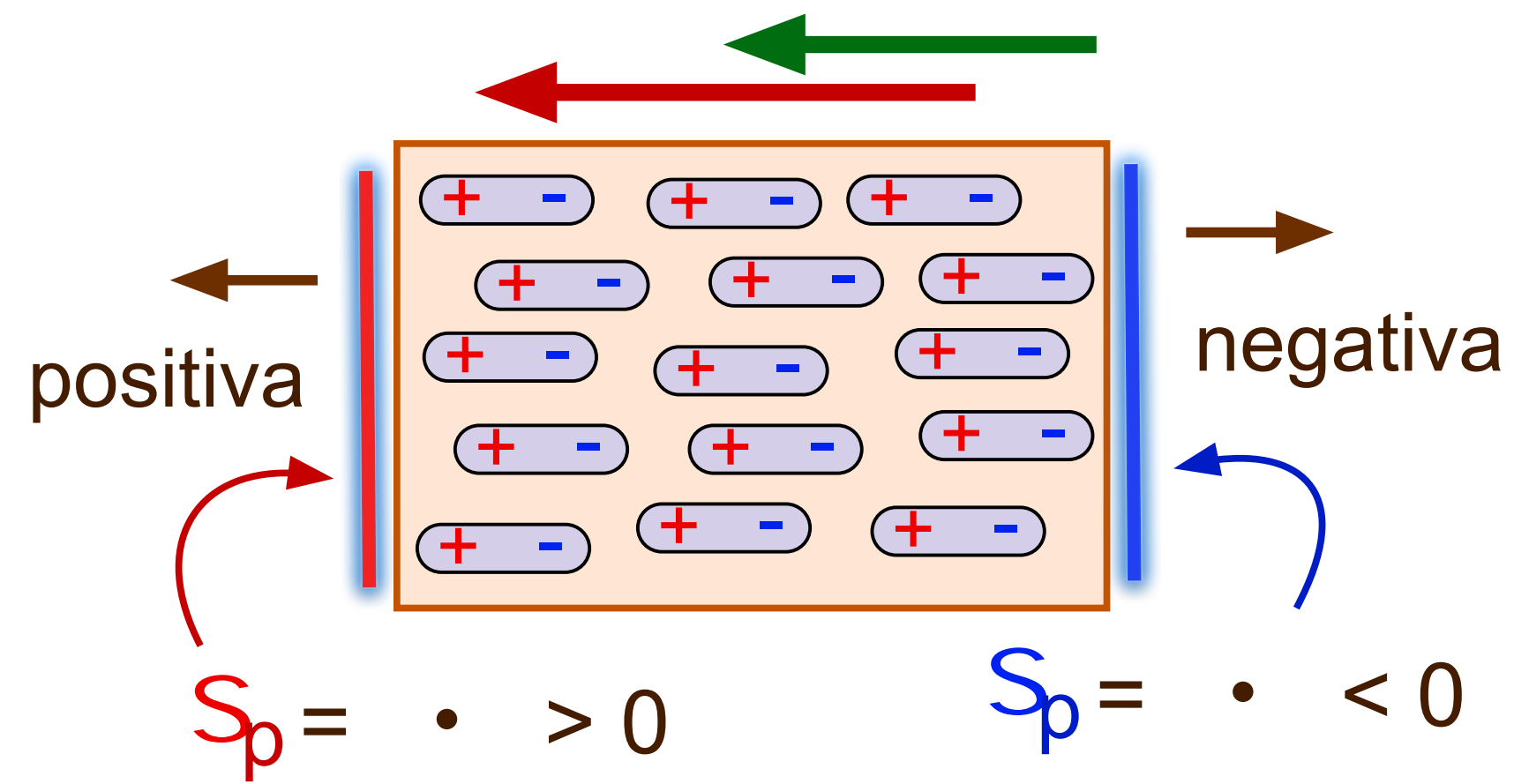
El potencial creado por el material dialécticos se aproxima por;

$$\phi(\mathbf{r}) = \underbrace{\frac{1}{4\pi\epsilon_0} \int_{S'} \frac{\mathbf{P}(\mathbf{r}') \cdot d\mathbf{S}'}{|\mathbf{r} - \mathbf{r}'|}}_{\text{Densidad de carga superficial}} + \underbrace{\frac{1}{4\pi\epsilon_0} \int_{V'} \frac{-\nabla' \cdot \mathbf{P}(\mathbf{r}')}{|\mathbf{r} - \mathbf{r}'|} dv'}_{\text{Densidad de carga volumétrica}}$$

Densidad de carga superficial

Densidad de carga volumétrica

$$\phi_\sigma(\mathbf{r}) = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \int_{S'} \frac{\sigma_p(\mathbf{r}') \cdot d\mathbf{S}'}{|\mathbf{r} - \mathbf{r}'|} \quad \phi(\mathbf{r}) = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \int_{V'} \frac{\rho_p(\mathbf{r}')}{|\mathbf{r} - \mathbf{r}'|} dv'$$



$\sigma_p = \mathbf{P}(\mathbf{E}) \cdot \mathbf{n}$ Densidad de carga de polarización superficial
 $\rho_p(\mathbf{E}) = -\nabla \cdot \mathbf{P}(\mathbf{E})$ Densidad de carga de polarización volumétrica

- El campo eléctrico está creado por las cargas libre ρ_l y de polarización ρ_p

$$\left. \begin{aligned} \nabla \cdot \mathbf{E} &= \frac{\rho_{tot}}{\epsilon_0} = \frac{1}{\epsilon_0} (\rho_l + \rho_p) = \rho_l - \nabla \cdot \mathbf{P} \\ \text{Vector desplazamiento: } \mathbf{D} &= \epsilon_0 \mathbf{E} + \mathbf{P} \end{aligned} \right\} \begin{array}{l} \text{En los materiales dieléctricos lineales e} \\ \text{isótropos los vectores } \mathbf{E}, \mathbf{D} \text{ y } \mathbf{P} \text{ son paralelos} \end{array}$$

$$\mathbf{D} = \epsilon_0 \mathbf{E} + \epsilon_0 \chi_r \mathbf{E} = \epsilon_0 (1 + \chi_r) \mathbf{E} = \epsilon_0 \epsilon_r \mathbf{E}$$

$$\left. \begin{aligned} \nabla \cdot \mathbf{D} &= \rho_l \\ \nabla \wedge \mathbf{E} &= 0 \end{aligned} \right\} \begin{array}{l} \text{Ecuaciones para la} \\ \text{electrostática de} \\ \text{medios materiales} \end{array}$$

$$\left. \begin{aligned} \mathbf{D} &= \epsilon_0 \epsilon_r \mathbf{E} \\ \mathbf{P} &= \epsilon_0 (\epsilon_r - 1) \mathbf{E} \end{aligned} \right\} \begin{array}{l} \text{Permeabilidad relativa } \epsilon_r \\ \epsilon_r = (1 + \chi_r) \geq 1 \\ \text{En el vacío } \epsilon_r = 1 \end{array}$$

Energía electrostática

$$U_e = \frac{1}{2} \int_{Esp.} (\mathbf{D} \cdot \mathbf{E}) dv \quad \text{Densidad de energía} \quad u_e = \frac{1}{2} \mathbf{D} \cdot \mathbf{E}$$

Material dieléctrico
lineal e isótropo

$$\mathbf{D} = \epsilon_0 \epsilon_r \mathbf{E} \quad U_e = \frac{\epsilon_r \epsilon_r}{2} \int_{Esp.} |\mathbf{E}|^2 dv$$